- 般 論 文

# 産業用ロボットアームの動力学モデルに基づいた センサレスカ制御

Force-Sensorless Control Technology Based on Dynamic Model for Industrial Robot Arms

大賀 淳一郎	西原泰宣	大明 準治
OGA Jun'ichiro	NISHIHARA Yasunori	OAKI Junji

製造業のグローバル化に伴い,生産コスト低減のため,生産ラインの自動化が進められている。部品組立てなど力<sup>(注1)</sup>の制御 を必要とする作業では外力を把握する必要があるが,力センサは高価で衝撃に弱い。

東芝は、カセンサを用いずに外力を推定し、目標とする力に応じて手先を柔らかく動かす力制御技術を開発した。この制御 技術は、ロボットアームの動力学モデルに基づいて算出した駆動トルク推定値と実際のモータ駆動トルク指令値の差から、ロ ボットアーム手先での外力を高精度に推定する。力制御を低コストで実現するロボット知能化制御技術として、東芝機械(株)が 商品化した6軸垂直多関節ロボットに、この技術を搭載した。

Automated production lines have been increasingly introduced to reduce production costs, accompanying the globalization of manufacturing industries in recent years. Particularly in high-mix, low-volume production, there is a need for cell manufacturing systems using robots that can precisely estimate and control external forces and moments to accomplish assembly tasks, including parts mounting and insertion. However, the introduction of force-controlled robots into manufacturing systems is hindered by the fact that force sensors are costly and fragile.

Toshiba has developed a force-sensorless control technology that can estimate external forces from differences between joint-driven torques calculated based on a robot dynamic model and commanded values of motor-driven torques. The control algorithm of this technology has been implemented in six degrees of freedom (6DOF) vertical articulated robots produced and commercialized by Toshiba Machine Co., Ltd.

# 1 まえがき

近年,製造業のグローバル化に伴って生産コストの低減が 求められており,生産ラインの自動化が進められている。産業 用ロボットアームは,高速かつ高精度の位置決め制御によって 生産性向上に大きく貢献している。しかし,部品の組付けや 挿入のような組立作業は,位置決め制御だけでは実現困難で, 力も制御する必要がある。

力の制御が必要な作業をロボットによって実現するために は、ロボットに作用する外力に応じて柔軟に動作させる力制御 が適用されることが望ましい。力制御では外力を把握する必 要があり、通常、力センサが用いられる。しかし、力センサは 衝撃に対して脆弱(ぜいじゃく)であり、また、センサ自体が 高価である。力センサを用いない力制御はこれまでにいくつ か提案されているが、それらの多くは並進力に対する柔軟性 だけに対応したものであり、モーメントにまで対応したものは ほとんど見られない。このため、力制御が必要な組立作業な どは自動化が進まず、人手に頼っている部分が多いのが現状 である。

東芝は、 カセンサを用いずに外力を推定し、 目標とする力及

びモーメントに応じてロボットアーム手先の位置及び姿勢を柔 軟に動作させる,センサレス力制御技術を開発した。この技 術は,ロボットアームの動力学モデルに基づいて算出した関節 の駆動トルク推定値と実際のモータを駆動するトルク指令値 の差から,外力及びモーメントを高精度に推定する。これに よって,コンプライアンス動作と呼ばれる,外力に応じて位置 と方向を柔軟に変化させる作業を実現できる。

この技術を,東芝機械(株)がセル生産用に商品化した6軸 垂直多関節ロボット<sup>(1)</sup>に搭載した。ここでは,センサレス力制 御の外力推定と力制御技術の概要,及び動作を検証した結果 について述べる。

# 2 動力学モデルに基づく外力推定と力制御

ピンを穴に挿入する作業を例に考えると、ピンの位置ととも にピンの方向も制御しなければならないことがわかる。位置 の修正には並進力を、方向の修正にはモーメントを正確に把 握し制御する必要がある。更に、モーメントが作用する点を適 切に設定しなければ、ピンが穴に食い込んでしまい、滑らかに 挿入することはできない。このモーメントの作用点をコンプラ イアンス中心と呼び、これを自在に制御することが力制御の キーになる。

センサレス力制御のブロック図を図1に示す。産業用ロボッ

<sup>(</sup>注1) ここで言う力とは、特に注釈がない場合は並進力やモーメントを指し、広義に使用している。



Block diagram of force-sensorless control architecture based on dynamic model for industrial robot arms

トアームは、高速かつ高精度の位置決め制御を実現するため に高ゲインの位置制御ループを備えている。そこで、この位置 制御ループをそのまま生かして、これに力制御ループを追加す る。以下では、非線形な摩擦モデルを持つ動力学モデルに基 づいた駆動トルクの推定方法、アーム手先での外力の推定方 法、及び外力で駆動する仮想的なダイナミクスに基づいた位置 制御ベースト力制御について述べる。

#### 2.1 動力学モデルに基づいた駆動トルク推定

多リンク機構の運動方程式に基づき,ロボットアームの動力 学モデルを式(1)のように定義する。

$$\boldsymbol{\tau} = \boldsymbol{M}(\boldsymbol{\theta}) \, \boldsymbol{\ddot{\theta}} + \boldsymbol{h}(\boldsymbol{\dot{\theta}}) + \boldsymbol{c}(\boldsymbol{\theta}, \boldsymbol{\dot{\theta}}) + \boldsymbol{g}(\boldsymbol{\theta}) \tag{1}$$

ここで、ては駆動トルクベクトル、0は関節角ベクトル、Mは 慣性行列、hは摩擦トルクベクトル、cはコリオリトルクベクトル や遠心トルクベクトル、gは重力トルクベクトルである。各項を 正確に推定できれば、関節角から式(1)を用いて駆動トルクが 算出できる。アームを構成する各リンクの慣性モーメントや重 心位置は3次元CADで算出される。一方、各関節の摩擦トル クについては、ロボット製造後に計測した駆動トルクから摩擦 モデルを仮定し、そのモデルのパラメータを推定する。

# 2.2 動力学モデルにおける摩擦モデル

摩擦トルクは関節角速度とともに増加し,高速度域で飽和 することが予備実験からわかった。これを模式的に表したも のを,図2に示す。摩擦モデルは,関節角速度と摩擦トルクと の非線形な関係を与えるものであり,式(2)に示すような逆正接 関数を用いたモデルによって,実測結果を良好に近似できた。

$$\tau = a \cdot \arctan\left(b\dot{\theta}\right) + c \tag{2}$$

ここでパラメータ*a*, *b*, *c*は速度の正負によって異なり, 図2 の飽和トルク<sub>7+</sub>, *τ*-や, 静止時の摩擦トルク<sub>70+</sub>, *τ*<sub>0-</sub>, 代表点*P* 



での傾きηから算出される。これらは、実測データを図2のようにプロットし、その近似曲線から数値的に読み取った。また、最大静止摩擦トルクは、極めて低速度時の駆動トルクτ<sub>s+</sub>、 τ<sub>s</sub>-から推定し、静止状態から動き出すときの摩擦トルクとして 用いている。これらのパラメータ値はロボットの組立状態など によって異なるため、出荷前の試験で製品一台ごとに設定す る必要がある。

# 2.3 外力推定とインピーダンスモデル

外力が生じると、動力学モデルによって算出された推定駆動 トルク $\hat{\boldsymbol{\tau}}$ と駆動トルク指令値 $\boldsymbol{\tau}$ との間に差分 $\boldsymbol{\tau}_{d}$ が発生する。こ のトルク差分から、ロボットアームの手先に作用する外力 $\boldsymbol{f}_{d}$ は、 仮想仕事の原理によって式(3)のように求められる。

$$\boldsymbol{f}_{\mathrm{d}} = (\boldsymbol{J}^{\mathrm{T}})^{-1} \boldsymbol{\tau}_{\mathrm{d}}$$
(3)

ここでJはヤコビ行列であり、式(4)のように関節角の微小変 化 $\Delta \theta$ と手先位置の微小変化 $\Delta x$ を関係づけている。

$$\Delta \boldsymbol{x} = \boldsymbol{J}(\boldsymbol{\theta}) \Delta \boldsymbol{\theta} \tag{4}$$

般

論

文

ヤコビ行列が逆行列を持つならば式(3)を用いて $f_d$ を算出で きる。手先での力・モーメント目標値ベクトル $f_{ref} \geq f_d \geq 0$ 差 分 $\Delta f$ に対して、ロボットアームの手先と対象物との間に式(5) に示すような仮想的なダイナミクスであるインピーダンスモデル を設定する。これによって、 $\Delta f$ に応じた手先座標系での目標 位置に対する位置補正量を求めることができる。

$$M\Delta \ddot{x} + D\Delta \dot{x} + K\Delta x = K_{\rm f}\Delta f \tag{5}$$

ここで、 $\Delta x$ は位置補正量、Mは仮想慣性行列、Dは仮想粘 性行列、Kは仮想剛性行列、 $K_f$ は力フィードバックゲイン行列 である。 $K_f$ によって手先座標系における力制御と位置制御の 方向を選択できる。以上から、入力を $\Delta f$ 、出力を $\Delta x$ とする 伝達関数の形で表現すると、式(6)のようになる。

$$\Delta \mathbf{x} = \mathbf{K}_{\rm f} \left( \mathbf{M} \mathbf{s}^2 + \mathbf{D} \mathbf{s} + \mathbf{K} \right)^{-1} \Delta \mathbf{f} \tag{6}$$

#### 2.4 力順応制御(2)

2.3節で設定したインピーダンスモデルに,力・モーメント目 標値に対し定常偏差なく追従できる力順応制御を導入する。 力順応制御のブロック図を図3に示す。これはインピーダンス モデルにPI制御<sup>(注2)</sup>を直列に追加しているのと等価である。 したがって手先位置補正量Δx<sub>comp</sub>は,式(7)のような伝達関数 の形で表現できる。

$$\Delta \boldsymbol{x}_{\text{comp}} = \left(\frac{\boldsymbol{K}_{\text{A}}}{\boldsymbol{s}} + 1\right) \boldsymbol{K}_{\text{f}} \left(\boldsymbol{M}\boldsymbol{s}^{2} + \boldsymbol{D}\boldsymbol{s} + \boldsymbol{K}\right)^{-1} \boldsymbol{\Delta}\boldsymbol{f}$$
(7)

ここで、 $K_A$ は力順応制御ゲインである。外力と目標値とに 誤差が生じている間は、インピーダンスモデルによる式(6)で  $\Delta x$ が算出される。このようにして、力順応制御の持つ積分補 償によって、目標値との定常誤差がなくなる。 $K_A$ を大きくする と、補正量 $\Delta x_{comp}$ が大きくなるため、目標値に追従する速度が 上がる。また、非接触状態のときは、推定外力が0であっても 目標値がそのままインピーダンスモデルに入力され、更にこれ が積分されるため、ロボットアームの手先は設定した軸方向に 移動する。したがって目標軌道を事前に与える必要がない。

#### 2.5 位置制御ベーストカ制御

2.4節で求めた手先位置補正量 $\Delta x_{\rm comp}$ を手先位置目標値 $x_{\rm ref}$ 



<sup>(</sup>注2) P(比例)とI(積分)の要素を組み合わせたフィードバック制御手法。

に加える。関節角を座標変換した現在の手先位置 $x \ge x_{ref}$ の 差分 $\Delta x$ に対し、式(4)のヤコビ行列の逆行列 $J^{-1}$ を掛けると関 節角差分 $\Delta \theta$ が求められる。 $\Delta \theta$ を積分した目標関節角 $\theta_{ref}$ と 現在関節角 $\theta$ から位置制御及び速度制御によって電流指令値 uが算出され、モータを駆動してロボットアームの手先を目標 値へ制御する。以上のように外力に応じて手先位置の補正量 を算出する力制御は、既存の位置制御をそのまま生かしてい るため、その導入コストを抑えることができる。

### 3 実験

開発したセンサレス力制御アルゴリズムを,東芝機械(株)製 の6軸垂直多関節ロボットアームTV800へ実装した。TV800 の外観を図4に,主な仕様を表1に示す。

#### 3.1 突当て動作

ロボットアームの手先と対象物までの距離が不明の場合, 事前に動作を教示することは困難である。しかし,接触力を 検出して停止する"突当て動作"であれば,動作方向への力目 標値を与えるだけで実現できる。

アームを図4のような姿勢にして、手先座標系のZ軸方向に 突当て動作を行った。Z軸方向への押付け力の目標値を50N としたときの、手先位置と推定外力の関係を図5に示す。外



表1. TV800の主な仕様 Main specifications of TV800		
項目	仕様	
軸数	6	
質量	46.5 kg	
可搬質量	5 kg	
繰返し位置決め精度	±0.02 mm以下	
最大到達範囲	892 mm	
最大速度	8.06 m/s	





力が発生していない非接触状態では、手先はZ軸負方向に移動し、1.0 s付近で外力を検出している。その後、手先位置が ほぽー定になっていることから、対象物と衝突して静止してい ることがわかる。衝突前後で衝突状態を場合分けすることな く突当て動作が実現できている。一方、外力は衝突後およそ 0.5 s後に目標値50 Nに到達している。ここで、外力が発生し た後も手先位置が変化しているが、これはこの手法がロボット の持つねじり剛性を生かして外力を検出しているためである。

力順応制御ゲイン $K_A$ を変化させたときの手先位置のようす を図6に示す。 $K_A$ が大きくなると、手先速度が大きくなってお り、力目標値への応答性が向上している。すなわち $K_A$ を適切 な範囲で設定すれば、対象物へ接近する速度を調整できるパ ラメータとして有効であることが示せた。

# 3.2 外力に対する柔軟な動作(コンプライアンス動作)

ロボットアームの手先にツールを取り付けて,外力を与えた ときのコンプライアンス動作のようすを図7に示す。コンプラ イアンス中心をロボットアーム手先フランジ面中心,及びツー ル先端として,モーメント成分に対してだけインピーダンスモデ ルを設定した。コンプライアンス中心が静止したままでアーム 手先の姿勢が柔軟に変化しており,設定どおりのコンプライア ンスが実現できた。また(b)に示すように,通常,力センサが配



置されないアームの各リンク部に対して外力を与えてもコンプラ イアンス動作が実現できており、この手法のメリットを示すも のである。

# 4 あとがき

カセンサを用いない位置制御ベースト力制御を産業用ロボッ トアームに搭載し、その有効性を示した。正確な動力学モデ ルに基づいた関節駆動トルクを用いて、ロボットアーム手先に 作用する外力を高精度に推定し、突当て動作やコンプライアン ス動作を実現した。この技術を応用すれば、センサレスでの 衝突検出が可能になり、直接教示(ダイレクトティーチング)へ の適用も期待できる。

# 文 献

- 加藤健二 他. セル生産に適したロボットと制御技術. 東芝レビュー. 64, 1, 2009, p.52-55.
- (2) Ozaki, F. et al. "Robot Control Strategy for In-orbit Assembly of a Micro Satellite". Advanced Robotics. 18, 2, 2004, p.199-222.



大賀 淳一郎 OGA Jun'ichiro 研究開発センター 機械・システムラボラトリー。 マニピュレータ制御,及びロボットのソフトウェアシステムに 関する研究・開発に従事。日本ロボット学会会員。 Mechanical Systems Lab.

西原 泰宣 NISHIHARA Yasunori 東芝機械(株) 制御システム事業部 制御システム技術部主任。 産業用ロボットの研究・開発に従事。 Toshiba Machine Co., Ltd.

# 大明 準治 OAKI Junji, Ph.D.

研究開発センター 機械・システムラボラトリー 主任研究員, 博士 (工学)。システム同定理論の応用に関する研究・開発に従事。 計測自動制御学会, 電気学会, 日本機械学会, IEEE会員。 Mechanical Systems Lab.